Prop. Soit x un nombre. On sait (axiome 4) qu'il existe y tq.

$$\boxed{x + y = 0}$$

Ce nombre y est unique.

Preuve: Supposons qu'il existe z un nombre tq. $x + z = 0$

$$\begin{aligned} y = y + 0 &= y + (x+z) \\ &= (y+x) + z \\ &= (x+y) + z \\ &= 0 + z = z \end{aligned}$$

$\Rightarrow$ $y = z$ et y est unique

CQFD

$$\underbrace{\left(a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_0\right)}_{p} \underbrace{\left(b_m x^m + b_{m-1} x^{m-1} + \dots + b_0\right)}_{q}$$

$$= a_n b_m x^{n+m} + \dots$$

$$\deg(p \cdot q) = n + m$$

$$(A-B)^2(A+B)^2$$

$$s^2 \cdot t^2 = (st)^2$$

$$(A^2-B^2)^2 = A^4 - 2A^2B^2 + B^4$$