

Crypto

Affine

message "BONJOUR"

def

$(a; b)$

$$a \in \mathbb{Z}_{26}^*$$

$$b \in \mathbb{Z}_{26}$$

Chiffrer

$$f: \mathbb{Z}_{26} \longrightarrow \mathbb{Z}_{26}$$
$$z \longmapsto (a \cdot z + b) \pmod{26}$$

On note  $a^{-1}$  l'inverse de  $a \pmod{26}$ .  $az + b = z'$

Déchiffrer

$$f^{-1}: \mathbb{Z}_{26} \longrightarrow \mathbb{Z}_{26}$$
$$z \longmapsto a^{-1} \cdot (z' - b) \pmod{26}$$

$$az = z' - b$$

$$(a^{-1} \cdot a)z = a^{-1} \cdot (z' - b)$$

$\downarrow$   
 $\pmod{26}$

$$1 \cdot z = a^{-1} \cdot (z' - b) \pmod{26}$$

Exemple:  $(a; b) = (3; 13)$

$$3 \in \mathbb{Z}_{26}$$

$$3 \cdot 9 = 27 \equiv 1 \pmod{26}$$

L'inverse de 3 mod 26 est 9.

$$\text{Chiffrier: } z \mapsto (3 \cdot z + 13) \pmod{26}$$

$$\text{Dechiffrier: } z \mapsto 9 \cdot (z - 13) \pmod{26}$$

$$C \leftarrow 2$$

$$f(2) = 3 \cdot 2 + 13 \pmod{26} = 19 \pmod{26}$$

Chiffrier

$$19 \rightarrow ?$$

$$\rightarrow 19$$

$$f(19) = 9 \cdot (19 - 13) \pmod{26}$$

$$= 9 \cdot 6 \pmod{26}$$

$$= 54 \pmod{26}$$

$$= (2 \cdot 26 + 2) \pmod{26} = 2 \pmod{26}$$

$$2 \rightarrow C$$