

Colinéarité pour les vecteurs:

$$\mathbb{R}^2 \text{ (plan)}: \quad \vec{a} = \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \end{pmatrix} \quad \vec{b} = \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \end{pmatrix}$$

$$\vec{a} \text{ et } \vec{b} \text{ colinéaires} \Leftrightarrow \vec{a} = k \cdot \vec{b} \quad k \in \mathbb{R}$$

$$\Leftrightarrow \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \end{pmatrix} = k \cdot \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \end{pmatrix}$$

avec k un nombre

Critère de colinéarité, valable dans

le plan uniquement :

$$\vec{a} \text{ et } \vec{b} \text{ colinéaires} \Leftrightarrow \underbrace{\begin{vmatrix} a_1 & b_1 \\ a_2 & b_2 \end{vmatrix}} = a_1 b_2 - a_2 b_1 = 0$$

déterminant

\mathbb{R}^3 (espace à trois dimensions) :

$$\vec{a} \text{ et } \vec{b} \text{ colinéaires} \iff \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{pmatrix} = k \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \\ b_3 \end{pmatrix}$$

pour k un nombre

3 équations / 1 inconnue : il y a une solution si les trois équations donnent la même valeur pour l'inconnue.

Remarque : il n'y a pas d'autre critère de colinéarité en dimension 3.

Dans l'espace à 3 dimensions, 3 vecteurs peuvent être coplanaires : Les 3 sont

dans le même plan.

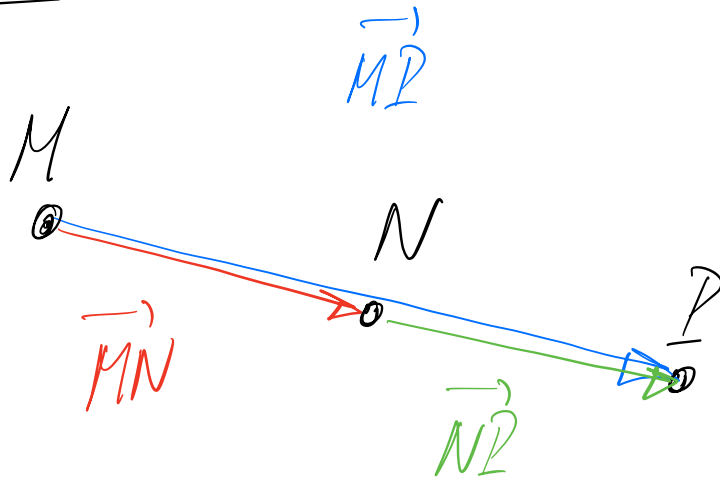
Critère : $\vec{a} = \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{pmatrix}$, $\vec{b} = \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \\ b_3 \end{pmatrix}$ et $\vec{c} = \begin{pmatrix} c_1 \\ c_2 \\ c_3 \end{pmatrix}$

sont coplanaires

$$\Leftrightarrow \begin{vmatrix} a_1 & b_1 & c_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 \\ a_3 & b_3 & c_3 \end{vmatrix} = 0$$

À calculer avec la règle de Sarrus, ou en développant par rapport à la première colonne.

Alignement :



Les points M, N et P sont alignés

$\Leftrightarrow \vec{MN}$ et \vec{MP} sont colinéaires

$\Leftrightarrow \vec{MN}$ et \vec{NP} sont colinéaires

$\Leftrightarrow \vec{MP}$ et \vec{NP} sont colinéaires

Valable en dimension 2 et 3.