

2.8.3

$$2) \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h) - f(2)}{h} =$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{|2+h-2| - |2-2|}{h} =$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{|h|}{h} = \begin{cases} h > 0 & \frac{h}{h} = 1 \\ h < 0 & \frac{-h}{h} = -1 \end{cases}$$

La fonction n'est pas dérivable en $x=2$.

2.8.3

$$b) \lim_{h \rightarrow 0} \frac{k \sqrt{|h|}}{k} = \lim_{h \rightarrow 0} \sqrt{|h|} = 0$$

La fonction est dérivable en 0

$$c) \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1 + \sin\left(2\left(-\frac{\pi}{4} + h\right)\right)} - \sqrt{1 + \sin\left(2\left(-\frac{\pi}{4}\right)\right)}}{h} =$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1 + \sin\left(2\left(h - \frac{\pi}{4}\right)\right)} - \sqrt{1 - 1}}{h} =$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1 + \sin\left(2\left(h - \frac{\pi}{4}\right)\right)}}{h} = \left\langle \frac{0}{0} \right\rangle$$

2.8.3

$$\text{Or, } 1 + \sin\left(2h - \frac{\pi}{2}\right) = 1 - \sin\left(\frac{\pi}{2} - 2h\right)$$

$$= 1 - \cos(2h) = 2 \cdot \frac{1 - \cos(2h)}{2}$$

$$= 2 \sin^2(h)$$

$$\Rightarrow \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1 + \sin\left(2h - \frac{\pi}{2}\right)}}{h} =$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{\sqrt{2 \sin^2(h)}}{h}$$

$$\textcircled{1} \underline{h > 0}: \quad \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\sqrt{2}}{1} \cdot \frac{\sin(h)}{h} = \sqrt{2}$$

$$\textcircled{2} \underline{h < 0}: \quad \lim_{h \rightarrow 0} \frac{-\sqrt{2}}{1} \cdot \frac{\sin(h)}{h} = -\sqrt{2}$$

La fonction n'est pas dérivable en $-\pi/4$.

2.8.3

$$d) \lim_{h \rightarrow 0} \frac{|(-1+h)^2 - 1| - 2 - (-2)}{h} =$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{|h^2 - 2h + 1 - 1|}{h} =$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{|h^2 - 2h|}{h} = \begin{cases} h > 0 & \lim_{h \rightarrow 0} \frac{h^2 - 2h}{h} = 2 \\ h < 0 & \lim_{h \rightarrow 0} \frac{h^2 - 2h}{h} = -2 \end{cases}$$

Signe de $h^2 - 2h$:

0	2
+	-
+	+

La fonction n'est pas dérivable en -1 .